

# Maschinelles Lernen II

## 9. Übung

Prof. Tobias Scheffer  
Dr. Niels Landwehr  
Christoph Sawade

Sommer 2011

Ausgabe am: 30.06.11  
Besprechung am: 07.07.11

### Aufgabe 1

*PCA*

Das Ergebnis der Hauptkomponentenanalyse auf einer Datenmatrix  $X \in \mathbb{R}^{10000 \times 5}$  ergab die folgenden Hauptkomponenten:

$$U = \begin{pmatrix} - & u_1 & - \\ - & u_2 & - \\ - & u_3 & - \\ - & u_4 & - \\ - & u_5 & - \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,98 & 0,10 & 0,00 & -0,02 & -0,18 \\ -0,15 & -0,20 & 0,00 & -0,30 & -0,92 \\ -0,13 & 0,97 & 0,01 & -0,03 & -0,18 \\ -0,03 & -0,03 & 0,01 & 0,95 & -0,30 \\ 0,00 & -0,01 & 1,00 & -0,01 & 0,00 \end{pmatrix}$$

mit  $(\lambda_1; \lambda_2; \lambda_3; \lambda_4; \lambda_5) = (0,03; 0,28; 1,01; 1,64; 30,12)$ . Bestimmen Sie für das Beispiel

$$\mathbf{x} = \begin{pmatrix} 0,54 \\ -0,84 \\ 0,82 \\ 1,71 \\ -0,28 \end{pmatrix}$$

den Fehler, der durch die Reduktion auf die ersten  $d = 1, \dots, 5$  Hauptkomponenten verursacht wird. Prüfen Sie die Nebenbedingung  $U^T U = I$ .

### Aufgabe 2

*Billiard Algorithmus*

Abbildung 1 stellt den dualen Version-Space, der durch zwei Beispiele  $\mathbf{x}_1 = (2, -1)^T$  mit  $y_1 = +1$  und  $\mathbf{x}_2 = (-0,5; 1)^T$  mit  $y_2 = -1$  und den Einheitskreis begrenzt ist, dar.

- Geben Sie die (geometrische) Approximation des Maßeschwerpunkts nach den ersten vier Iteration des Billiard-Algorithmus für  $w_0 = (0,25; 0,5)^T$  mit  $\nu_0 = (1,0)^T$  an. Zeichnen Sie dazu die Trajektorien ein.
- Bestimmen Sie den Maßeschwerpunkt analytisch.
- Geben Sie die primale Sicht des Version-Space mit den erhaltenen Lösungen aus a) und b) an.

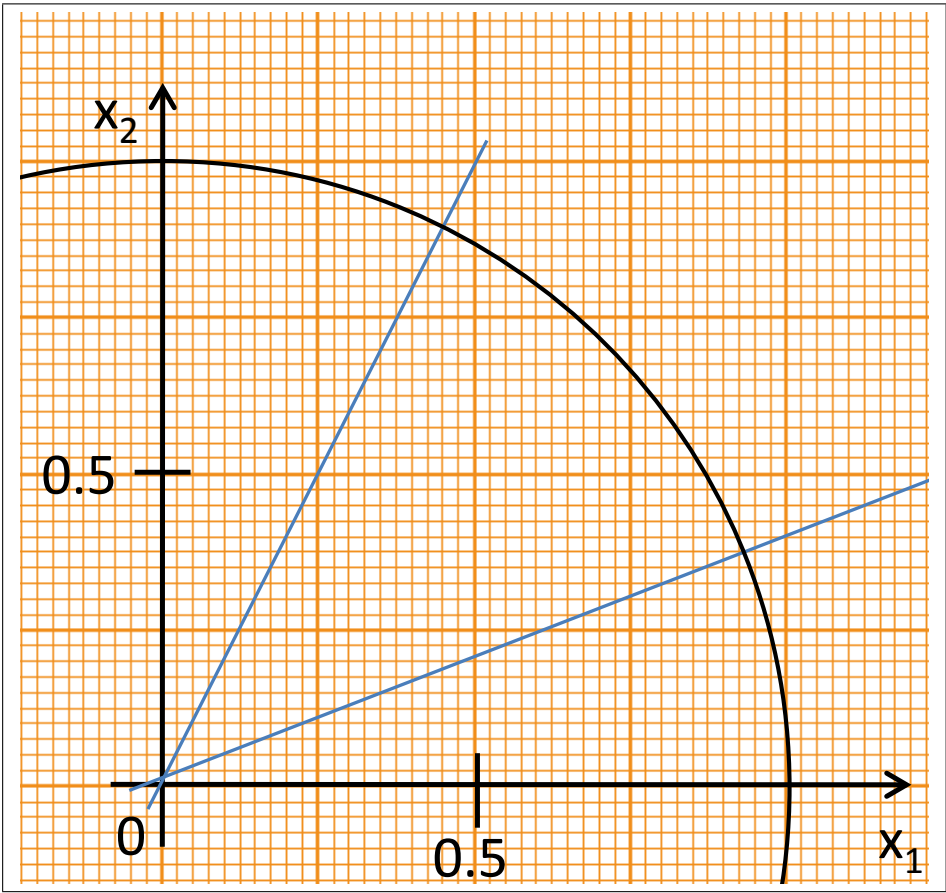


Abbildung 1: Dualer Version-Space