

# Naturwissenschaftlich motivierte formale Modelle

## OL-Systeme: Löschen

**Institut für Informatik und Computational Science  
Universität Potsdam**

**Henning Bordihn**

## Notation

- **Sprachfamilien**

$$\mathcal{L}(0L) = \{ L \mid L = L(G) \text{ für ein } 0L\text{-System } G \}$$

*analog:*  $\mathcal{L}(D0L)$ ,  $\mathcal{L}(P0L)$ ,  $\mathcal{L}(PD0L)$

## Notation

- **Sprachfamilien**

$$\mathcal{L}(0L) = \{ L \mid L = L(G) \text{ für ein } 0L\text{-System } G \}$$

*analog:*  $\mathcal{L}(D0L)$ ,  $\mathcal{L}(P0L)$ ,  $\mathcal{L}(PD0L)$

- Für  $u, v \in \Sigma^*$ :  $u \leq v$  gdw.  $v = v_1uv_2$  für  $v_1, v_2 \in \Sigma^*$ .  
( $u$  ist **Teilwort/Infix** von  $v$ )

## Löschen in OL-Systemen

Gilt  $\mathcal{L}(OL) = \mathcal{L}(POL)$ ?

## Löschen in 0L-Systemen

Gilt  $\mathcal{L}(0L) = \mathcal{L}(P0L)$ ?

**Antwort:** Für deterministische 0L-Systeme „fast“:

Zu jedem D0L-System  $G$  mit  $\lambda \notin L(G)$  existieren ein PD0L-System  $\bar{G}$  und ein nicht-löschender Homomorphismus  $g$ , so dass

$$g(L(\bar{G})) = L(G).$$

## Löschen in OL-Systemen

**Definition.** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein DOL-System.  
Ein Symbol  $a \in \Sigma$  heißt **löschend** gdw.  $a \xRightarrow{*} \lambda$ .  
Sonst heißt  $a$  **nicht löschend**.

$$\Sigma_\ell(G) = \{ a \in \Sigma \mid a \xRightarrow{*} \lambda \}$$

$$\Sigma_{n\ell}(G) = \Sigma \setminus \Sigma_\ell$$

$w \in \Sigma_\ell^*$  heißt **löschendes Wort**.

## Löschen in D0L-Systemen

**Lemma 2.1** Sei  $G = (\Sigma, \sigma, \omega)$  ein D0L-System.  
 $G$  ist genau dann propagierend, wenn  $\Sigma = \Sigma_{nl}$ .

## Löschen in D0L-Systemen

**Lemma 2.1** Sei  $G = (\Sigma, \sigma, \omega)$  ein D0L-System.  
 $G$  ist genau dann propagierend, wenn  $\Sigma = \Sigma_{nl}$ .

**Satz 2.2** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein D0L-System.  
Falls  $a \in \Sigma$  löschend ist, dann gilt  $a \xrightarrow{\# \Sigma} \lambda$ .



## Löschen in D0L-Systemen

**Lemma 2.1** Sei  $G = (\Sigma, \sigma, \omega)$  ein D0L-System.  
 $G$  ist genau dann propagierend, wenn  $\Sigma = \Sigma_{nl}$ .

**Satz 2.2** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein D0L-System.  
Falls  $a \in \Sigma$  löschend ist, dann gilt  $a \xrightarrow{\#\Sigma} \lambda$ .

**Satz 2.3** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein D0L-System.  
Es existiert eine ganze Zahl  $k_G \geq 0$ , so dass für alle  $z \in \Sigma_\ell^*$  und alle  $u \in L(G)$  gilt: Wenn  $z \leq u$ , so  $|z| \leq k_G$ .

## Löschen in D0L-Systemen

**Lemma 2.1** Sei  $G = (\Sigma, \sigma, \omega)$  ein D0L-System.  
 $G$  ist genau dann propagierend, wenn  $\Sigma = \Sigma_{n\ell}$ .

**Satz 2.2** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein D0L-System.  
Falls  $a \in \Sigma$  löschend ist, dann gilt  $a \xrightarrow{\#\Sigma} \lambda$ .

**Satz 2.3** Sei  $G = (\Sigma, h, \omega)$  ein D0L-System.  
Es existiert eine ganze Zahl  $k_G \geq 0$ , so dass für alle  $z \in \Sigma_\ell^*$  und alle  $u \in L(G)$  gilt: Wenn  $z \leq u$ , so  $|z| \leq k_G$ .

**Satz 2.4** Zu jedem D0L-System  $G$  mit  $\lambda \notin L(G)$  gibt es ein PD0L-System  $\overline{G}$  und einen nicht-löschenden Homomorphismus  $g$ , so dass

$$g(S(\overline{G})) = S(G).$$