Kryptographie und Komplexität

Wintersemester 2015/16



Christoph Kreitz

kreitz@cs.uni-potsdam.de

http://cs.uni-potsdam.de/krypto-ws1516



- 1. Wozu Kryptographie?
- 2. Einfache Verschlüsselungsverfahren
- 3. Anforderungen an moderne Verfahren
- 4. Organisation der Lehrveranstaltung

WORUM GEHT ES?

• Information ist die Grundlage unseres Alltags

- Eine Gesellschaft ohne ständigen Zugriff auf Informationen ist nicht mehr denkbar
 - · EC karte, Kreditkarte, Online Banking, Online Store, Ebay, . . .
 - · E-mail, Smartphones, Facebook, Instagram, ...
 - · Öffentliche Verwaltung, Gesundheitsakten, Leistungsübersicht, ...
- Die Nachfrage nach neuen Formen von Informationsaustausch w\u00e4chst
 - · Cloud Computing, Online Voting, ...
 - · Electronic Cash, elektronische Gesundheitskarte
 - · Car2Car Kommunikation, automatische Flugverkehrskontrolle, ...

• Informationen müssen gelagert werden

- Papierakten und -zettel, SIM Karte, Festplatte, Cloud, ...
- Informationen müssen übertragen werden
 - Internet, e-mail Kommunikation, Mobilfunk, CD/DVD (Kurier), ...

In einer idealen Welt wäre das alles ganz einfach

Wozu braucht man Kryptographie?

Vertrauliche Informationen müssen geschützt werden

Nicht jede Art von Information soll öffentlich sein

- Zugriffsdaten für Computer, PIN für Bankkonto oder Handy, ...
- Private emails oder SMS, persönliche Krankheitsgeschichte, ...
- Betriebs- oder militärische Geheimnisse, ...

• Es gibt ständig Mißbrauch von Daten / Kommunikation

- Kreditkartenbetrug, EC Diebstahl, Wirtschaftsspionage, ...
- Offenlegen persönlicher Informationen, peinlicher Facebookbilder, ...
- Überwachung von Telephonverbindungen, Bewegungsprofile, ...
- Zerstörung von Daten durch Computerviren, Terrorismus, ...
- Unerwünschte Fernsteuerung von Autos, Flugzeugen, ...

• Die Welt ist nicht so sicher, wie es scheint

- Forscherteam übernimmt Kontrolle einer Militärdrone (Juni 2012)
- Heartbleed-Bug erzeugt Lücke in 'sicheren' Internet-Verbindungen (2014)
- CarShark kontrolliert Auto-CanBus, Bremsen, Tachometer, Lenkung, ... über OBD-Port (2010), GPS (März 2015), Internet (Juli 2015)

Kryptographie kann Informationen schützen

 $\kappa \rho \nu \pi \tau o \varsigma = \text{geheim} \quad \gamma \rho \alpha \varphi \epsilon \iota \nu = \text{schreiben}$

• Verschlüsselung macht Informationen unkenntlich

- Unbefugte Personen können verschlüsselte Daten nicht lesen
- Berechtigte können versteckte Information leicht wiederherstellen
- Ermöglicht sichere Lagerung und Übertragung von Informationen

• Kommunikationsszenario ist einfach aber wirkungsvoll

- Sender und Empfänger einigen sich auf Verfahren und Schlüssel
- Absender chiffriert Klartext mit Schlüssel und schickt Schlüsseltext auf ungeschütztem Kanal
- Empfänger verwendet Schlüssel, um Klartext zu rekonstruieren

• Kryptographie ist seit langem bewährt

- Verschlüsselte Informationen sind sicher: Ohne den Schlüssel können Unbefugte den Klartext nicht rekonstruieren
- Nur der Schlüssel muß geheim bleiben Geheimhaltung des Verfahrens liefert keine zusätzliche Sicherheit mehr

EINFACHE VERFAHREN WAREN LANGE SICHER GENUG

Verschiebechiffren

(Julius Cäsar, 60 v Chr.)

Zyklische Verschiebung der Buchstaben im Alphabet
 Angriff: Ausprobieren aller Möglichkeiten

• Affine Chiffre

(ca. 1500)

- Multiplikation der Buchstabenposition und anschließendes Verschieben
 Ausprobieren aller Möglichkeiten ist möglich aber sehr aufwendig
- Angriff: Häufigkeitsanalyse und Lösen linearer Gleichungssysteme

• Allgemeine Substitutionschiffre

- Austausch von Buchstaben mithilfe einer Ersetzungstabelle
 Ausprobieren aller Möglichkeiten undurchführbar
- Angriff: statistische Analysen (sehr aufwendig)

• Verschiebe Textblöcke mit Schlüsselwort

(Vigenere ca. 1550)

- Leichtere Ver-/Entschlüsselung als Substitutionschiffre
- Angriff: Kasiski Test (1863!) und Häufigkeitsanalysen

Nur gute Mathematiker konnten Chiffrierungen brechen

... UND WENN DIE CHIFFRIERUNG NOCH KOMPLEXER WIRD?

Verschiebung und Permutation in Textblöcken

- Verschlüsselung ist Linearkombinationen der Elemente im Klartextblock Immun gegen statistische Analysen und Brute-Force Attacken
- Angriff: Abfangen von Klar-/Schlüsseltextpaaren + Matrixinvertierung

• Strom-Chiffren

- Erzeuge beliebig lange Schlüssel aus Anfangsschlüssel + Nachricht
- Nur zu brechen, wenn Verfahren zur Schlüsselerzeugung bekannt

One-Time Pad

- Schlüssel genauso groß wie Nachricht, einmalige Verwendung
- Nicht zu brechen(!) ... aber wie soll der Schlüssel übermittelt werden?

• Sicher bis zum Ende des zweiten Weltkriegs

- Effiziente Chiffrierung mithilfe von Verschlüsselungsmaschinen
- Analyse einzelner(!) chiffrierter Texte dauerte oft Jahre

• Der Computer hat alles verändert

- Maschinen, die Milliarden von Tests in wenigen Sekunden ausführen, können jede "mechanische" Chiffrierung in kurzer Zeit brechen

Moderne Kryptographie muss neu anfangen

Was sind die Ziele?

• Sicherheit

- Schlüsseltext soll nicht von Unbefugten dechiffriert werden können auch wenn das Chiffrierverfahren bekannt ist
- Absolute Sicherheit ist aber fast nicht erreichbar
- Es reicht, daß die Chiffrierung nicht in akzeptabler Zeit zu brechen ist Praktisch reicht Sicherheit gegen alle bekannten Arten von Attacken

• Flexibilität

- Verschlüsselung ist nicht nur etwas für Militär und Geheimdienste
- Jeder muß mit jedem spontan sichere Verbindungen aufbauen können

• Effiziente Ausführung

- Ver-/Entschlüsselung muß auch bei großen Datenmengen schnell sein
- Verfahren muß auch auf Chipkarten o.ä. implementiert werden können

Sicherheit hat verschiedene Aspekte

Vertraulichkeit

- Unbefugte können keinen Zugriff auf Informationen bekommen
- Erreichbar durch Verschlüsselung von Daten

Integrität

- Fälschung oder Manipulation von Informationen ist nicht möglich
- Sichere Hashfunktionen ermöglichen Überprüfung von Veränderungen

Authentizität

- Eine Nachricht stammt garantiert vom angegebenen Sender
- Möglich durch Verwendung von Paßwörtern und Identitätszertifikaten

Verbindlichkeit

- Absender kann Urheberschaft nicht nachträglich leugnen
- Digitale Signaturen binden Nachricht an ihren Absender

Kryptographie kann Vertrauen schaffen

NICHTS GEHT OHNE GUTE THEORETISCHE GRUNDLAGEN

• Sicherheit braucht gute Mathematik

- Statistik und Lineare Algebra überwinden einfache Chiffrierverfahren auch dann, wenn die Codierung relativ trickreich ist Mathematische Analysen offenbaren versteckte Regelmäßigkeiten
- Zahlentheorie und Komplexitätstheorie ermöglichen neue Verfahren die nachweislich nicht in akzeptabler Zeit zu brechen sind (RSA: Potenzieren mit großen Zahlen modulo n, El Gamal, elliptische Kurven)

• Flexibilität braucht gute Mathematik

- Zahlen- und Gruppentheorie ermöglichen asymmetrische Chiffrierung
 - · Ver- und Entschlüsselung kann verschiedene Schlüssel benutzen
 - · Ein Schlüssel kann gefahrlos veröffentlicht werden

• Effizienz braucht gute Theorie

- Verschlüsselungsverfahren können durch Umstellungen auf der Basis mathematischer Gesetze erheblich beschleunigt werden
- Sichere Schlüssel für viele Teilnehmer können schnell erzeugt werden

Beispiel: Public-Key Kryptographie mit RSA

Altestes öffentliches Verfahren (Rivest, Shamir & Adleman, 1977)

• Mathematisch einfaches Verschlüsselungsverfahren

- Behandelt Bitblöcke einer Nachricht als (sehr große) Zahlen
- Verschlüsselung durch Potenzieren mit $e \mod n$: $e_K(x) = x^e \mod n$
- Entschlüsselung durch Potenzieren mit d modulo n: $\mathbf{d}_{\mathbf{K}}(\mathbf{y}) = y^d \mod n$
- Dabei n = p * q für große Primzahlen p, qund $d * e \mod (p-1)(q-1) = 1$
- Öffentlich bekannt sind n := p * q und e, d, p und q bleiben geheim

• Hohe Qualität wegen gutem theoretischen Fundament

- Korrektheit: Für x < n = p * q gilt $(x^e)^d \mod n = x$ (Satz von Euler-Fermat)
- Effizienz: Ver-/Entschlüsselung verwendet binäres Hornerschema Iteriertes Quadrieren und Multiplizieren modulo n
- Sicherheit: Faktorisierung von Zahlen ist exponentiell in Anzahl der Bits

Themen dieser Veranstaltung

• Kryptoanalyse einfacher Verschlüsselungssysteme

- Mathematische Methoden zum Brechen von Chiffrierverfahren

• SPN Chiffren

(Nur kurze Übersicht)

Substitutions-Permutations Netzwerke, DES, AES

Public Key Kryptographie mit RSA

- Ver- /Entschlüsselung, Schlüsselerzeugung, Komplexität von Attacken

• Kryptoverfahren auf Basis diskreter Logarithmen

- El Gamal Verfahren, Schlüsselerzeugung, Attacken
- Chiffrierung mit Elliptischen Kurven

Jenseits von Vertraulichkeit

(Nur kurze Übersicht)

- Protokolle für Hash, Signatur, Secret Sharing, Authentifikation
- Public-Key Infrastrukturen und Anwendungen

Schwerpunkt: Krypto-Algorithmen und ihre Komplexität

Implementierungsaspekte spielen nur eine untergeordnete Rolle Relevante Mathematik wird jeweils bei Bedarf vorgestellt

LEHRMATERIALIEN

• Folien der Vorlesung

- Im voraus auf dem Webserver erhältlich

• Beispielprogramme für Demos und eigene Experimente

- Verwenden Programmiersprache OCaml (meist im Interpreter-Modus)
- Werden gelegentlich auf dem Webserver aktualisiert

• Wichtige Lehrbücher (Themenauswahl/Reihenfolge etwas anders als in Vorlesung)

- Douglas R. Stinson Cryptography: Theory and Practice
- Johannes Buchmann, Einführung in die Kryptographie
- Jörg Rothe, Complexity Theory and Cryptology

• Hilfreiche Zusatzliteratur

- F.L Bauer, *Decrypted Secrets*
- Richard Mollin, *An introduction to cryptography*,
- O. Goldreich, Foundations of Cryptography (2 volumes)
- A. Beutelspacher, H. Neumann, T. Schwarzpaul, Kryptografie in Theorie und Praxis
- A. Beutelspacher, *Kryptologie*
- M. Stamp, R. Low, *Applied Cryptanalysis: Breaking Ciphers in the real world*

ORGANISATORISCHES

• Zuordnung: theoretische/angewandte Informatik

Veranstaltungen

- Vorlesung (Mi 10:15–11:45 (1.02), Do 10:15–11:45 (1.02))
 - · Präsentation der zentralen Konzepte / Ideen
 - · Keine Vorlesung am 16./17.12.2015 und 6.1.2016
- Sprechstunde (Fr 10:30–11:30 . . . und immer wenn die Türe offen ist)
 - · Fachberatung / Klärung von Schwierigkeiten mit der Thematik
- Übungsaufgaben (gelegentlich)
 - · Anregung und Herausforderungen zum Selbsttraining

• Empfohlene Vorkenntnisse:

- Gutes Verständnis von Mathematik / theoretischer Informatik

• Erfolgskriterium: Abschlußklausur am 18. Februar 2016

– Mündliche Prüfung als Alternative (nur bei geringer Teilnehmerzahl)