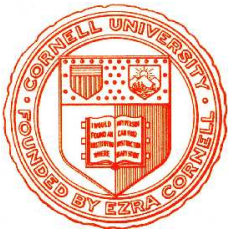


# Automatisierte Logik und Programmierung II

Sommersemester 2004



**Christoph Kreitz**

Theoretische Informatik, Raum 1.18, Telephon 3060

kreitz@cs.uni-potsdam.de

<http://www.cs.uni-potsdam.de/ti/lehre/alupII.htm>



1. Ziele
2. Rückblick Wintersemester 2003/04
3. Ausblick Sommersemester 2004
4. Organisatorisches

## ● Mathematische Beweisführung

- Aufdeckung und Korrektur von Fehlern (Beweisprüfung)
- Automatische Suche nach neuen Beweisen (Theorembeweisen)

# ZIEL: COMPUTERGESTÜTZTES LOGISCHES SCHLIESSEN

## ● Mathematische Beweisführung

- Aufdeckung und Korrektur von Fehlern (Beweisprüfung)
- Automatische Suche nach neuen Beweisen (Theorembeweisen)

## ● Unterstützung für Entwurf zuverlässiger Software

- Fehlersuche und Korrektheitsbeweise (Verifikation)
- Verbesserung der Performanz (Optimierung)
- Erzeugung aus Spezifikationen (Synthese)

# ZIEL: COMPUTERGESTÜTZTES LOGISCHES SCHLIESSEN

## ● Mathematische Beweisführung

- Aufdeckung und Korrektur von Fehlern (Beweisprüfung)
- Automatische Suche nach neuen Beweisen (Theorembeweisen)

## ● Unterstützung für Entwurf zuverlässiger Software

- Fehlersuche und Korrektheitsbeweise (Verifikation)
- Verbesserung der Performanz (Optimierung)
- Erzeugung aus Spezifikationen (Synthese)

## ● Inferenzmaschine für KI-Systeme

- Problemlöser und Planer für Roboter, ...

## Inferenzkalküle für Mathematik und Programmierung

- **Beweisen  $\hat{=}$  Anwendung formaler Regeln**
  - Umgeht Mehrdeutigkeiten der natürlichen Sprache
  - Erlaubt schematische Lösung mathematischer Probleme

## Inferenzkalküle für Mathematik und Programmierung

- **Beweisen  $\hat{=}$  Anwendung formaler Regeln**
  - Umgeht Mehrdeutigkeiten der natürlichen Sprache
  - Erlaubt schematische Lösung mathematischer Probleme
- **Kernbestandteile:**
  - Formale Sprache (Syntax + Semantik)
  - Ableitungssystem (Axiome + Inferenzregeln)
  - Notwendige Eigenschaften: korrekt, vollständig, automatisierbar
  - Nützliche Eigenschaften: konstruktiv, ausdrucksstark, lesbar

## Inferenzkalküle für Mathematik und Programmierung

- **Beweisen  $\hat{=}$  Anwendung formaler Regeln**
  - Umgeht Mehrdeutigkeiten der natürlichen Sprache
  - Erlaubt schematische Lösung mathematischer Probleme
- **Kernbestandteile:**
  - Formale Sprache (Syntax + Semantik)
  - Ableitungssystem (Axiome + Inferenzregeln)
  - Notwendige Eigenschaften: korrekt, vollständig, automatisierbar
  - Nützliche Eigenschaften: konstruktiv, ausdrucksstark, lesbar
- **Vorgestellte Kalküle**
  - Prädikatenlogik (Logisches Schließen)
  - $\lambda$ -Kalkül (Programmierung)
  - einfache Typentheorie (Programmeigenschaften)
  - Intuitionistische/Konstruktive Typentheorie (Uniformer Kalkül)

- **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**
  - Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
  - Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln



- **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**
  - Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
  - Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln
  - Sehr umfangreiche Theorie
    - Viele Basiskonstrukte, mehr als 150 Inferenzregeln
    - Programmkonstruktion durch konstruktive Beweisführung möglich
    - Abhängige Datentypen machen Wohlgeformtheit unentscheidbar

- **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**
  - Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
  - Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln
  - Sehr umfangreiche Theorie
    - Viele Basiskonstrukte, mehr als 150 Inferenzregeln
    - Programmkonstruktion durch konstruktive Beweisführung möglich
    - Abhängige Datentypen machen Wohlgeformtheit unentscheidbar
    - Gestützt auf konstruktive semantische Theorie

## ● **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**

- Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
- Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln
- Sehr umfangreiche Theorie
  - Viele Basiskonstrukte, mehr als 150 Inferenzregeln
  - Programmkonstruktion durch **konstruktive Beweisführung** möglich
  - Abhängige Datentypen machen **Wohlgeformtheit** unentscheidbar
  - Gestützt auf **konstruktive semantische Theorie**

## ● **Praktische Probleme**

- Beweise erfordern **viel Schreibaarbeit** → *interaktive Beweissysteme*

## ● **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**

- Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
- Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln
- Sehr umfangreiche Theorie
  - Viele Basiskonstrukte, mehr als 150 Inferenzregeln
  - Programmkonstruktion durch **konstruktive Beweisführung** möglich
  - Abhängige Datentypen machen **Wohlgeformtheit** unentscheidbar
  - Gestützt auf **konstruktive semantische Theorie**

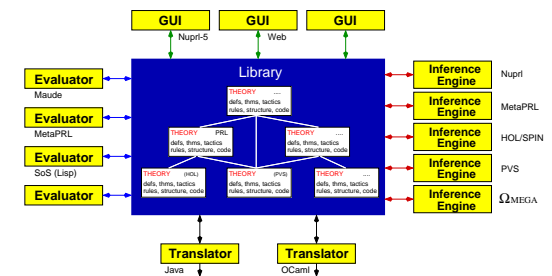
## ● **Praktische Probleme**

- Beweise erfordern **viel Schreibaarbeit** → *interaktive Beweissysteme*
- Beweise sind **unübersichtlich** (komplexer Beweisbaum)
- Beweise manchmal **schwer zu finden** (viele Regeln und Parameter)  
→ *Automatisierung der Beweisführung*

# THEMEN DES ZWEITEN TEILS (SOMMER 2004)

## ● Aufbau von Beweissystemen

- Implementierung interaktiver Beweisassistenten
- Das **NUPRL** Logical Programming Environment



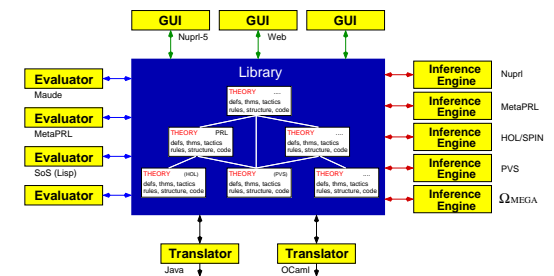
# THEMEN DES ZWEITEN TEILS (SOMMER 2004)

## ● Aufbau von **Beweissystemen**

- Implementierung interaktiver Beweisassistenten
- Das **NUPRL** Logical **P**rogramming **E**nvironment

## ● **Beweisautomatisierung**

- Taktisches Beweisen
- Entscheidungsprozeduren
- Integration externer Systeme



# THEMEN DES ZWEITEN TEILS (SOMMER 2004)

## ● Aufbau von **Beweissystemen**

- Implementierung interaktiver Beweisassistenten
- Das **NUPRL** Logical **P**rogramming **E**nvironment

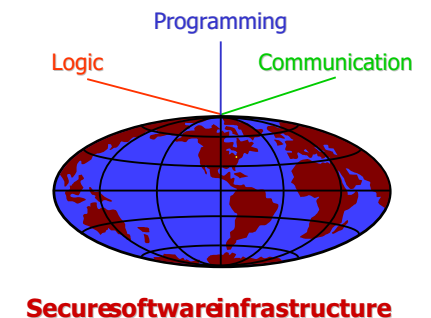
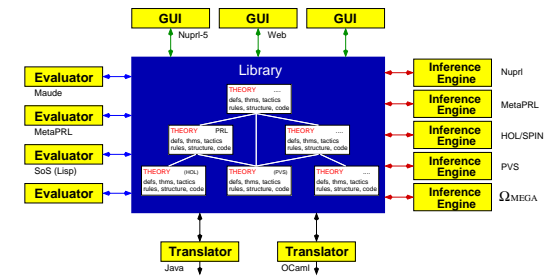
## ● **Beweisautomatisierung**

- Taktisches Beweisen
- Entscheidungsprozeduren
- Integration externer Systeme

## ● **Anwendungen & Demonstrationen**

- Entwicklung formaler Theorien
- Programmsynthese
- Optimierung des Kommunikationssystems **ENSEMBLE**

⋮



- Zuordnung: **theoretische/angewandte Informatik**



- **Zuordnung: theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung**: Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung**: Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - **Praktikum** (optional): selbstgewähltes praktisches Beweiserprojekt

# ORGANISATORISCHES

- **Zuordnung:** **theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung:** Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung:** Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - **Praktikum** (optional): selbstgewähltes praktisches Beweiserprojekt
- **Kreditpunkte: 6–9** (Verbindliche Anmeldung bis 6. Mai)

# ORGANISATORISCHES

- **Zuordnung:** **theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung:** Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung:** Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - **Praktikum** (optional): selbstgewähltes praktisches Beweiserprojekt
- **Kreditpunkte: 6–9** (Verbindliche Anmeldung bis 6. Mai)
- **Veranstaltungstermine**
  - **Mo 13:30–15:00** – Vorlesung
  - **Di 13:30–15:00** – Vorlesung/Übung im Wechsel
  - **Do 11:00–12:30** – Praktikum

# ORGANISATORISCHES

- **Zuordnung:** **theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung:** Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung:** Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - **Praktikum** (optional): selbstgewähltes praktisches Beweiserprojekt
- **Kreditpunkte: 6–9** (Verbindliche Anmeldung bis 6. Mai)
- **Veranstaltungstermine**
  - **Mo 13:30–15:00** – Vorlesung
  - **Di 13:30–15:00** – Vorlesung/Übung im Wechsel
  - **Do 11:00–12:30** – Praktikum
- **Lehrmaterialien:**
  - Vorlesungsskript von 1995, **Fachartikel** und **Manuals**

# ORGANISATORISCHES

- **Zuordnung:** **theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung:** Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung:** Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - **Praktikum** (optional): selbstgewähltes praktisches Beweiserprojekt
- **Kreditpunkte: 6–9** (Verbindliche Anmeldung bis 6. Mai)
- **Veranstaltungstermine**
  - **Mo 13:30–15:00** – Vorlesung
  - **Di 13:30–15:00** – Vorlesung/Übung im Wechsel
  - **Do 11:00–12:30** – Praktikum
- **Lehrmaterialien:**
  - Vorlesungsskript von 1995, **Fachartikel** und **Manuals**
- **Erfolgskriterien**
  - Aktive Teilnahme an Übungen
  - **Abschlußprüfung** (mündlich) und praktische **Projektaufgabe** (je 50%)