

Übung zur Vorlesung  
**Theoretische Informatik I**

Prof. Dr. Christoph Kreitz / Kirstin Peters  
 Universität Potsdam, Theoretische Informatik, WS 06/07

**Blatt 15 (Version 1) — Abgabetermin: 10.02.2007, 12:00 Uhr**

---

**Aufgabe 15.1 (Turingmaschinen)**

Konstruieren Sie eine möglichst einfache TM  $T_{add}$ , welche die Addition auf Binärzahlen ausführt! Nutzen Sie die in der Vorlesung beschriebenen Programmier Techniken, um Ihre TM zu vereinfachen und so wenig Zustände wie möglich zu benutzen! Simulieren Sie anschließend  $T_{add}$  in einer TM ohne Register, mehrere Spuren oder mehrere Bänder!

**Aufgabe 15.2 (Turingmaschinen)**

Konstruieren Sie eine Turingmaschine  $T_{in}$ , die prüft, ob ein Wort  $v$  in einem Wort  $w$  vorkommt! Zu diesem Zweck soll Ihre TM  $T_{in}$  Wörter der Form  $v1w$  einlesen und prüfen, ob sie zur Sprache  $L_{in} = \{v1w \mid v, w, x, y \in \{a, b\}^* \wedge w = xvy\}$  gehören. Skizzieren Sie anschließend, wie man  $T_{in}$  in einer TM ohne Register, mehrere Spuren oder mehrere Bänder simuliert!

**Aufgabe 15.3 (NTM)**

Geben Sie eine NTM  $T_N$  an, die für ein Wort  $w \in \{0, 1\}^*$  prüft, ob die  $w$  die Zeichenkette 001 enthält!

---

**Hinweis**

Die folgenden Hausaufgaben sind Zusatzaufgaben. Sie sollten nur von Studenten abgegeben werden, die in den ersten 13 Übungsserien noch nicht die zur Klausurzulassung erforderlichen 72 Punkte erreicht haben. Alle Studenten, die nach dem 13. Übungsblatt weniger als 54 Punkte haben, oder meinen die Klausurzulassung nicht mehr erreichen zu können, sollten sich bei Frau Peters melden.

**Hausaufgabe 15.4 (DEAs)**

Gegeben sind die beiden DEAs  $A_1 = (\{q_1, q_2\}, \{0, 1\}, \delta_1, q_1, \{q_2\})$  und  $A_2 = (\{p_1, p_2, p_3, p_4\}, \{0, 1\}, \delta_2, p_1, \{p_3\})$ , wobei  $\delta_1$  und  $\delta_2$  wie folgt definiert sind:

$\delta_1$	0	1	$\delta_2$	0	1
$\rightarrow q_1$	$q_2$	$q_1$	$\rightarrow p_1$	$p_3$	$p_2$
$*q_2$	$q_1$	$q_2$	$*p_3$	$p_4$	$p_3$
			$p_4$	$p_3$	$p_4$

Beweisen oder widerlegen Sie, dass  $A_1$  und  $A_2$  äquivalent sind!

**Hausaufgabe 15.5 (Pumping Lemma)**

Beweisen Sie mit Hilfe des Pumping Lemmas für reguläre Sprachen, dass die Sprache  $L = \{a^n b^m \mid n, m \in \mathbb{N} \wedge ((n \leq 10 \wedge m = 10 - n) \vee (n > 10 \wedge m = n^2))\}$  nicht regulär ist.

### Hausaufgabe 15.6 (kontextfreie Sprachen)

Betrachten Sie die Sprache  $L = \{w \in \{0, 1, 2\}^* \mid w = 0^n u_1 \dots u_n \wedge n \in \mathbb{N}^+ \wedge u_1, \dots, u_n \in L_H\}$  mit  $L_H = \{vv^R \mid v \in \{1, 2\}^* \wedge |v| = 2\}$ .

1. Geben Sie eine kontextfreie Grammatik  $G$  mit  $L(G) = L$  in Chomsky-Normalform an!
2. Geben Sie einen PDA  $P$  an, der  $L$  akzeptiert!

---

**Vorbereitung auf die nächste Vorlesung:** Informieren Sie sich über die Eigenschaften von Typ-0 und Typ-1 Sprachen und bereiten Sie sich auf die Klausur vor!