

# Automatisierte Logik und Programmierung II

Sommersemester 2009



**Christoph Kreitz**

Theoretische Informatik, Raum 1.18, Telephon 3060

[kreitz@cs.uni-potsdam.de](mailto:kreitz@cs.uni-potsdam.de)

<http://www.cs.uni-potsdam.de/ti/lehre/alupII.htm>



1. Lehrziele
2. Rückblick & Ausblick
3. Organisatorisches

## Computergestütztes logisches Schließen

- **Mathematische Beweisführung**

- Aufdeckung und Korrektur von Fehlern (Beweisprüfung)
- Automatische Suche nach neuen Beweisen (Theorembeweisen)

- **Unterstützung für Entwurf zuverlässiger Software**

- Fehlersuche und Korrektheitsbeweise (Verifikation)
- Verbesserung der Performanz (Optimierung)
- Erzeugung aus Spezifikationen (Synthese)

- **Inferenzmaschine für KI-Systeme**

- Problemlöser und Planer für Roboter, ...

## Inferenzkalküle für Mathematik & Programmierung

- **Beweisen**  $\hat{=}$  **Anwendung formaler Regeln**
  - Umgeht **Mehrdeutigkeiten** der natürlichen Sprache
  - Erlaubt **schematische Lösung** mathematischer Probleme
- **Kernbestandteile:**
  - **Formale Sprache** (Syntax + Semantik)
  - **Ableitungssystem** (Axiome + Inferenzregeln)
  - Notwendige Eigenschaften: **korrekt, vollständig, automatisierbar**
  - Nützliche Eigenschaften: **konstruktiv, ausdrucksstark, lesbar**
- **Vorgestellte Kalküle**
  - **Prädikatenlogik** (Logisches Schließen)
  - **$\lambda$ -Kalkül** (Programmierung)
  - **Einfache Typentheorie** (Programmeigenschaften)
  - **Konstruktive Typentheorie (CTT)** (Uniformer Kalkül)

# EIGENSCHAFTEN DER KONSTRUKTIVEN TYPENTHEORIE

- **Extrem ausdrucksstarkes Inferenzsystem**

- Vereinheitlicht und erweitert Logik,  $\lambda$ -Kalkül & einfache Typentheorie
- Direkte Darstellung der zentralen Konzepte (keine Simulation)
- Formalisierung “natürlicher” Gesetze als Regeln

- **Sehr umfangreicher Formalismus**

- Viele vordefinierte Basiskonstrukte, mehr als 150 Inferenzregeln
- Programmkonstruktion durch konstruktive Beweisführung möglich
- Abhängige Datentypen machen Wohlgeformtheit unentscheidbar
- Gestützt auf eigenständige konstruktive semantische Theorie

- **Probleme bei der praktischen Anwendung**

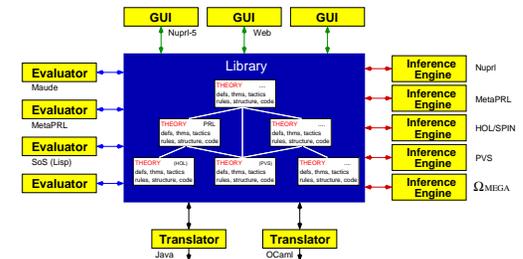
- Beweise erfordern viel Schreiarbeit → interaktive Beweissysteme
- Beweise sind unübersichtlich (komplexer Beweisbaum)
- Beweise oft schwer zu finden (viele Regeln und Parameter)  
→ Automatisierung der Beweisführung

# THEMEN DES ZWEITEN TEILS

## Konstruktion und Einsatz von Beweissystemen

- **Entwurf interaktiver Beweisassistenten**

- Das **NuPRL** Logical Programming Environment
- Das **Isabelle** Beweissystem unter **ProofGeneral**



- **Beweisautomatisierung**

- **Taktiken** und **Beweisplanung**: benutzerdefinierte Beweisstrategien
- **Entscheidungsprozeduren**: Lösung entscheidbarer Teilprobleme

- **Wissensverwaltung und Benutzerinteraktion**

- **Anwendungen & Demonstrationen**

- Entwicklung formaler mathematischer Wissensbanken
- Wissensbasierte **Synthese von Programmen** aus Spezifikationen
- Korrektheitserhaltende **Optimierung von Algorithmen**

⋮

# ORGANISATORISCHES

- **Zuordnung: theoretische/angewandte Informatik**
- **Veranstaltungsarten**
  - **Vorlesung**: Präsentation der zentralen Konzepte
  - **Übung**: Vertiefung und Anwendung theoretischer Aspekte
  - Optional: selbstgewähltes **praktisches Beweiserprojekt**
- **Veranstaltungstermine**
  - **Do 10:15–11:45** – Vorlesung
  - **Fr 12:30–14:00** – Vorlesung/Übung im Wechsel
- **Lehrmaterialien:**
  - Vorlesungsskript von 1995, **Fachartikel** und **Manuals**
- **Erfolgskriterien**
  - **Abschlußprüfung** (mündlich)      **Aktive Teilnahme an Übungen wichtig**